

Establecimiento: C.E.N.S. N°174

Docente: PROF. PACHECO, MIGUEL

Año: SEGUNDO

Turno: NOCHE

Espacio curricular: MATEMÁTICA

Tema: FUNCIÓN LINEAL

Contenidos: Función lineal, componentes, grafica, análisis, calculo.

Objetivo: Conocer los conceptos que implica la función lineal para analizar situaciones de la vida cotidiana.

Capacidad: Utilizar las distintas formas científicas de expresión como herramientas de análisis y aplicación en situaciones reales y cotidianas para desarrollarse como persona social e independiente.

FUNCIÓN LINEAL

Introducción: Recordemos que una función es una correspondencia entre los elementos de un conjunto de partida, llamado Dominio (eje x), y los elementos de un conjunto de llegada, llamado Codominio o imagen (eje y), de forma tal que a cada elemento del dominio le corresponde uno, y solo uno, en el codominio.

Definición: Una función lineal es una función cuyo dominio son todos los números reales, cuyo codominio son también todos los números reales, y cuya expresión analítica es un polinomio de primer grado.

Definición: $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R} / f(x) = m \cdot x + b$ donde m y b son números reales, es una función lineal.

Este último renglón se lee: f de R en R tal que f de equis es igual a m.x+b

Por ejemplo, son funciones lineales f: $f(x) = 2x+5$, g: $g(x) = -3x+7$, h: $h(x) = 4$

Definición: Las funciones lineales son polinomios de primer grado.

Recordemos que los polinomios de primer grado tienen la variable elevada al exponente

1. Es habitual no escribir el exponente cuando este es 1.

Ejemplos de funciones lineales:

$$a(x) = 2x + 7$$

$$b(x) = -4x + 3$$

$$f(x) = 2x + 5 + 7x$$

De estas funciones, vemos que la f no está reducida y ordenada como las demás.

$$f(x) = 9x + 2$$

Podemos reducir términos semejantes para que la expresión quede de una forma más sencilla,

También recordemos que hemos convenido que cuando no establecemos en forma explícita el dominio y el codominio de una función, supondremos que es el mayor conjunto posible en cada caso.

Por ejemplo, si hablamos de la función f , de dominio real y codominio real, tal que $f(x) = 2x - 6$, anotaremos $f: \mathbb{R} \longrightarrow \mathbb{R} / f(x) = 2x - 6$ Siendo el dominio todos los números reales, $\mathbb{R}$, y el codominio también, todos los números reales, $\mathbb{R}$.

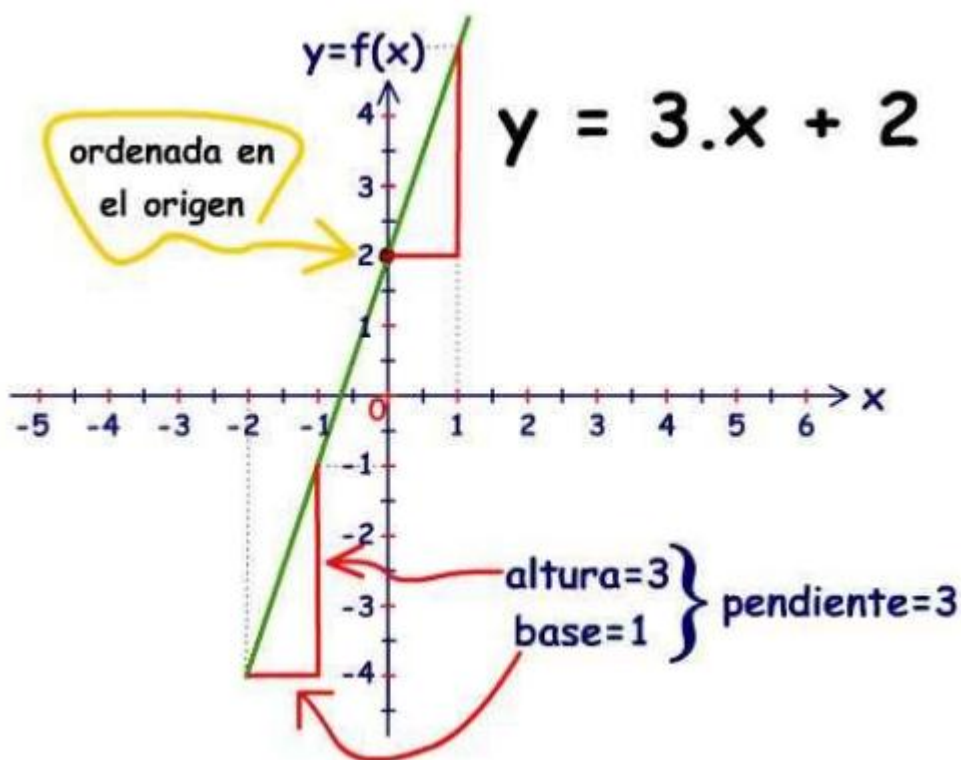
Esto se lee " f de $\mathbb{R}$ en $\mathbb{R}$ tal que f de x es igual a $2x - 6$ "

Las funciones lineales son funciones de dominio real y codominio real, cuya expresión analítica es $f: \mathbb{R} \longrightarrow \mathbb{R} / f(x) = m \cdot x + b$ con m y b números reales.

La representación gráfica de dichas funciones es una recta, en un sistema de ejes perpendiculares. La inclinación de dicha recta está dada por la pendiente m y la ordenada en el origen es b .

El punto de corte de la recta con el **eje y** es la ordenada en el origen y la llamamos b .

Veamos un ejemplo



$$f: \mathbb{R} \longrightarrow \mathbb{R} / f(x) = a \cdot x + b$$

Una función lineal cumple además, que el incremento de los valores de los elementos del dominio es **proporcional** al incremento de los valores en el codominio, siempre que **m** no sea cero.

ESTE NÚMERO m SE LLAMA PENDIENTE O COEFICIENTE ANGULAR DE LA RECTA.

Volvamos a estos ejemplos de funciones lineales

$$f: f(x) = 2x + 5, \quad g: g(x) = -3x + 7, \quad h: h(x) = 4$$

$$f: f(x) = 2x + 5 \quad \text{si } x \text{ es } 3, \text{ entonces } f(3) = 2 \cdot 3 + 5 = 11$$

$$\text{Si } x \text{ es } 4, \text{ entonces } f(4) = 2 \cdot 4 + 5 = 13$$

$$\text{Si } x \text{ es } 5, \text{ entonces } f(5) = 2 \cdot 5 + 5 = 15$$

Cada vez que la x se incrementa en 1 unidad, el resultado, esto es, $f(x)$, se incrementa en 2 unidades.

Preste atención en que los valores de x y de $f(x)$ NO SON PROPORCIONALES.

Lo que son proporcionales son los **incrementos**.

$$g: g(x) = -3x + 7 \quad \text{si } x=0, \text{ entonces } g(0) = -3 \cdot (0) + 7 = 0 + 7 = 7$$

$$\text{si } x=1, \text{ entonces } g(1) = -3 \cdot (1) + 7 = -3 + 7 = 4$$

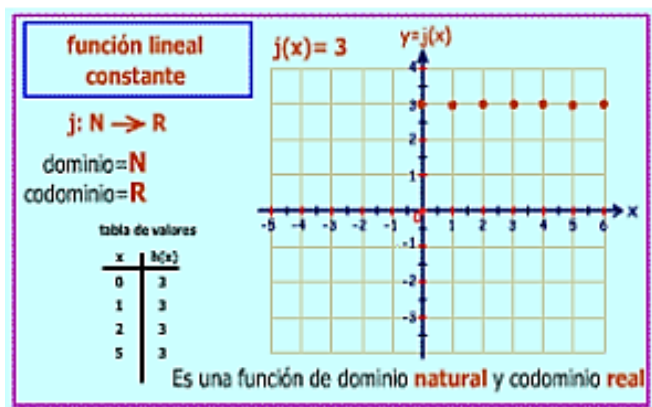
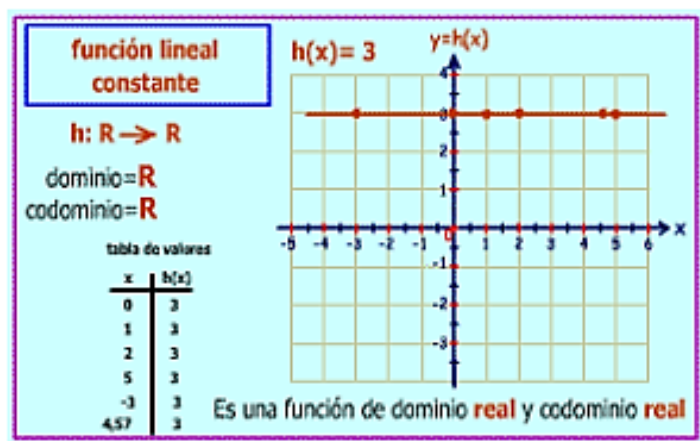
$$\text{si } x=2, \text{ entonces } g(2) = -3 \cdot (2) + 7 = -6 + 7 = 1$$

Cada vez que la x se incrementa en 1 unidad, el resultado, esto es, $g(x)$, disminuye en 3 unidades.

$$h: h(x) = 4 \quad \text{si } x=0, \text{ entonces } h(0) = 4$$

$$\text{si } x=98, \text{ entonces } h(98) = 4$$

Cada vez que la x se incrementa en 1 unidad, el resultado, esto es, $h(x)$, NO aumenta. Es la función constante. Su gráfica es una recta paralela al eje OX.



¿Qué diferencia fundamental y muy importante hay entre las funciones h y j ?

Parecería, a primera vista, que son muy parecidas. Las "fórmulas" de ambas son iguales.

$$\boxed{h(x) = 3} \text{ y } \boxed{j(x) = 3}$$

Sin embargo, son muy distintas porque mientras la función h tiene como dominio todos los números reales, la función j tiene como dominio los números naturales. Y como entre dos números naturales consecutivos no hay ningún otro número natural, no existe gráfica ni puntos entre ellos.

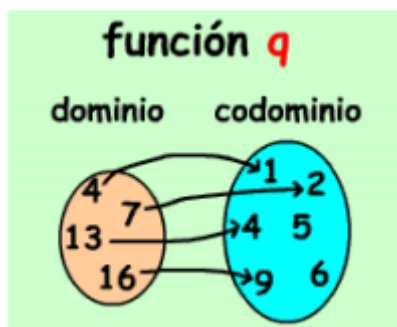
Esto es, entre el 17 y el 18 no hay ningún número natural. Entre el 17 y el 18 hay infinitos números reales. He ahí la diferencia.

La representación gráfica de h es una línea recta, pero la de j son puntos aislados, aunque son infinitos.

Esto, por supuesto, ocurre no solo si son funciones constantes. Es para cualquier función. **El dominio es muy importante.**

Cuando no se especifica el dominio y codominio, se supone que son los mayores posibles. En el caso de las funciones lineales, es de $\mathbb{R}$ en $\mathbb{R}$.

Veamos otro ejemplo:



Esta función, llamada q , ¿ será lineal ? Supongamos, además, que es una función de $\mathbb{R}$ en $\mathbb{R}$.

Para determinar esto tenemos que ver si las diferencias entre los valores en el dominio y codominio son proporcionales. Esto es, si cambian en la misma razón.

Dominio	Codominio
x	y
4	1
7	2
13	4
16	9

Dominio: de 4 a 7 aumenta en 3 Codominio: de 1 a 2 aumenta en 1

Dominio: de 7 a 13 aumenta en 6 Codominio: de 2 a 4 aumenta en 2.

Por ahora, parece que si

Dominio: de 13 a 16 aumenta en 3 Codominio: de 4 a 9 aumenta en 5

Se rompió la relación

Cada 3 unidades de aumento en x , aumentaría en 1 en el codominio, pero el "9" no está de acuerdo con esto. ¿Qué número tendría que estar, en lugar del "9", para que sea una función lineal?

RESUMEN: Las funciones lineales son funciones de dominio real y codominio real, cuya expresión analítica es $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R} / f(x) = m \cdot x + b$ con m y b números reales.

La representación gráfica de dichas funciones es una recta, en un sistema de ejes perpendiculares. La inclinación de dicha recta está dada por la pendiente m y la ordenada en el origen es b .

ACTIVIDAD

Realiza el estudio completo de las siguientes funciones lineales:

1) $f(x) = 2x - 6$

2) $f(x) = -3x - 4$

3) $f(x) = \frac{2}{3}x - 2$

4) $f(x) = -\frac{3}{7}x + 6$

Para cualquier consulta y enviar las guías para ver si están bien comunicarse a:

mipacheco@sanjuan.edu.ar

Bibliografía:

Matemática. Programa de Educación a Distancia. Nivel Medio Adultos. Córdoba

El libro de la Matemática 7, Canteros, L., Felissia, A., Fregona, D.; Ed. Estrada, Bs. As. 1997.

El libro de la matemática 8, Guelman, N., Itzcovich, H., Pavesi, L., Rudy, M. Ed. Estrada, Bs. As., 1998.

Directivo a cargo de la institución: Lic. Moreno Gabriela