

**Escuela: CENS N°174**

**CUE: 700025900**

**Docentes: Ing. Ernesto Reig, Ing. Ruth Murciano**

**Año: 1<sup>ro</sup> 1<sup>ra</sup> y 1<sup>ro</sup> 2<sup>da</sup>**

**Turno: Noche**

## **GUÍA N°10**

**Propuesta: DIVISIBILIDAD: Factorización de un Número. Múltiplo Común Mayor. Divisor Común Menor. Aplicaciones**

### **Contenidos:**

- Factorizar un número. Calcular el mcm y el dcm. Aplicar dichos conceptos en la resolución de problemas

### **Objetivos:**

- Aprender a factorizar. Aplicar los conceptos de mcm y dcm a problemas en los cuales se busca a) Coincidencia de eventos, b) Repartir cantidades distintas en partes iguales

1

### **Capacidades a desarrollar:**

- Comprensión lectora, Resolución de problemas, Trabajo con otros, Pensamiento Crítico.

**Evaluación: Socialización de las tareas cuando se retomen las actividades.**

### **BIBLIOGRAFIA:**

- ❖ Actividades de Matemática 8. Editorial Santillana
- ❖ Matemática 8. Activa. Puerto de Palos.

La **Factorización** (o *descomposición factorial*) de un **número** consiste en expresarlo como un *producto de factores primos más pequeños*.

Recordemos que **Números PRIMOS** son aquellos que solamente tienen como **divisores** a **1** y a **si mismos** (EJ: 2; 3; 5; 7; 11;.....etc)



shutterstock.com • 578850844

Ejemplo:  $30 = 2 \cdot 3 \cdot 5$  (es decir, el **30** lo hemos “**factorizado**” como la multiplicación (producto) de sus factores (números) PRIMOS más pequeños)

Para **factorizar** un número lo dividimos por **cada uno de los números primos (2, 3, 5, 7, 11, ...)**. Siempre comenzamos desde el **primo más pequeño**.) y nos quedamos con el **cociente**, el cual lo **volvemos a dividir por el mismo primo mientras podamos** (cuando **no sea divisible, pasamos al siguiente primo**).

Veamos un ejemplo: Factorización del número 120

$$120 = 2^3 \cdot 3 \cdot 5$$

120	2
60	2
30	2
15	3
5	5
1	

$$120 = 2^3 \cdot 3 \cdot 5$$

**A trabajar solo!:** Factoriza los siguientes números:

60	140	90
----	-----	----

# Múltiplo Común Menor (mcm) y Divisor Común Mayor (dcm)

## ➤ Divisor Común Mayor (dcm)

El Divisor Común Mayor (d. c. m.), de dos o más números es el mayor número que divide a todos exactamente.

- **Cálculo del divisor común mayor** (usando el concepto de *factorización*)

- 1) Se descomponen los números en factores primos.
- 2) Se toman los **factores comunes** (es decir aquellos *números primos* que *aparecen en todos los números factorizados*) **con menor exponente**.

## Ejemplo

Hallar el d. c. m. de: 72, 108 y 60.

$$\begin{array}{r|l}
 72 & 2 \\
 36 & 2 \\
 18 & 2 \\
 9 & 3 \\
 3 & 3 \\
 1 & \\
 \hline
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r|l}
 108 & 2 \\
 54 & 2 \\
 27 & 3 \\
 9 & 3 \\
 3 & 3 \\
 1 & \\
 \hline
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r|l}
 60 & 2 \\
 30 & 2 \\
 15 & 3 \\
 5 & 5 \\
 1 & \\
 \hline
 \end{array}$$

$$72 = 2^3 \cdot 3^2$$

$$108 = 2^2 \cdot 3^3$$

$$60 = 2^2 \cdot 3 \cdot 5$$

$$3) \text{ El d. c. m. } (72, 108, 60) = 2^2 \cdot 3 = 12$$

**12** es el mayor número que divide a 72, 108 y 60.

Si un número es divisor de otro, entonces éste es el d. c. m.

El número 12 es divisor de 36.

$$\text{d.c.m. } (12, 36) = 12$$

Los números que marqué con "**rojo**" son los "**factores comunes que están con menor exponente**"



## ➤ Múltiplo Común Menor (m. c. m.)

Es el **menor** de todos **múltiplos comunes a varios números**, excluido el cero.

### ▪ Cálculo del múltiplo común menor

1) Se descomponen los números en factores primos (es decir, **factorizamos**)

2) Se toman los **factores comunes** (los que aparecen en todos los números factorizados) y **no comunes** (los que aparecen en algunos números factorizados, pero **no** en todos ellos) con mayor exponente.

### Ejemplo

$$72 = 2^3 \cdot 3^2$$

$$108 = 2^2 \cdot 3^3$$

$$60 = 2^2 \cdot 3 \cdot 5$$

$$\text{m.c.m.} (72, 108, 60) = 2^3 \cdot 3^3 \cdot 5 = 1.080$$

**1.080** es el **menor número (mcm)** que puede ser dividido por: **72, 108 y 60**.

Si un número es un **múltiplo de otro**, entonces es el **m. c. m.** de ambos.

El número **36** es múltiplo de **12**.

$$\text{m.c.m.} (12, 36) = 36$$

### Ejemplos:

➤ Calcular el **d.c.m.** y **m.c.m.** de:

**428 y 376**

$$428 = 2^2 \cdot 107$$

$$376 = 2^3 \cdot 47$$

$$\text{d.c.m.} (428, 376) = 2^2 = 4$$

$$\text{m.c.m.} (428, 376) = 2^3 \cdot 107 \cdot 47 = 40.232$$

428	2	376	2
214	2	188	2
107	107	94	2
1		47	47
		1	

➤ Calcular el d. c. m. y m. c. m. de:

**1048, 786 y 3930**

$$\begin{array}{r|l} 1048 & 2 \\ 524 & 2 \\ 262 & 2 \\ 131 & 131 \\ 1 & \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 786 & 2 \\ 393 & 3 \\ 131 & 131 \\ 1 & \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 3930 & 2 \\ 1965 & 3 \\ 655 & 5 \\ 131 & 131 \\ 1 & \end{array}$$



$$1048 = 2^3 \cdot 131$$

$$786 = 2 \cdot 3 \cdot 131$$

$$3930 = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 131$$

$$\text{d.c.m. (1048, 786, 3930)} = 2 \cdot 131 = \mathbf{262}$$

$$\text{m.c.m. (1048, 786, 3930)} = 2^3 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 131 = \mathbf{15\ 720}$$

2) **3120, 6200 y 1864**

$$\begin{array}{r|l} 3120 & 2 \\ 1560 & 2 \\ 780 & 2 \\ 390 & 2 \\ 195 & 3 \\ 65 & 5 \\ 13 & 13 \\ 1 & \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 6200 & 2 \\ 3100 & 2 \\ 1550 & 2 \\ 775 & 5 \\ 155 & 5 \\ 31 & 31 \\ 1 & \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 1864 & 2 \\ 932 & 2 \\ 466 & 2 \\ 233 & 233 \\ 1 & \end{array}$$



5

$$3120 = 2^4 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 13$$

$$6200 = 2^3 \cdot 5^2 \cdot 31$$

$$1864 = 2^3 \cdot 233$$

$$\text{m.c.d. (3120, 6200, 1864)} = 2^3 = \mathbf{8}$$

$$\text{m.c.m. (3120, 6200, 1864)} = 2^4 \cdot 3 \cdot 5^2 \cdot 13 \cdot 31 \cdot 233 = \mathbf{112.678.800}$$

-----

## Problemas aplicando el cálculo de **m.c.m** y **d.c.m**.



Apicaremos:

**mcm**: en aquellos problemas en los cuales se deas encontrar **COINCIDENCIA de eventos**

- 1) Un faro se enciende cada **12** segundos, otro cada **18** segundos y un tercero **cada minuto**. A las 6.30 de la tarde los tres **coinciden**.

Averigua las veces que volverán a **coincidir** en los cinco minutos siguientes.

$$\begin{array}{r|l} 12 & 2 \\ 6 & 2 \\ 3 & 3 \\ 1 & \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 18 & 2 \\ 9 & 3 \\ 3 & 3 \\ 1 & \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 60 & 2 \\ 30 & 2 \\ 15 & 3 \\ 5 & 5 \\ 1 & \end{array}$$

$$12 = 2^2 \cdot 3$$

$$18 = 2 \cdot 3^2$$

$$60 = 2^2 \cdot 3 \cdot 5$$

$$\mathbf{m.c.m. (12, 18, 60) = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5 = 180 \text{ (minutos)}}$$

$$180 : 60 = 3 \text{ (para pasarlo a horas, lo dividimos en 60)}$$

**Los 3 faros coincidirán cada 6.33 horas**



**Resuelve:**

Un viajero va a Barcelona cada **18** días y otro cada **24** días. Hoy han estado los dos en Barcelona. ¿Dentro de cuántos días volverán a encontrarse en el mismo lugar?

Problema en el cual debemos aplicar **dcm**:

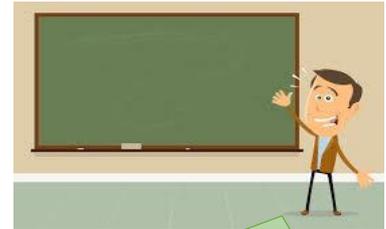
**Lo usaremos en aquellos enunciados en los que nos pidan repartir/dividir/distribuir/envasar cantidades distintas, en partes iguales**

En una bodega hay 3 **toneles de vino**, cuyas capacidades son: **250 l**, **360 l**, y **540 l**. Su contenido se quiere envasar en cierto número de bidones iguales. Calcular las capacidades máximas de estos **bidones** para que en ellas se pueden envasar el vino contenido en cada uno de los toneles, y el **número de bidones** que se necesitan.

$$\begin{array}{r|l} 250 & 2 \\ 125 & 5 \\ 25 & 5 \\ 5 & 5 \\ 1 & \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 360 & 2 \\ 180 & 2 \\ 90 & 2 \\ 45 & 3 \\ 15 & 3 \\ 5 & 5 \\ 1 & \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 540 & 2 \\ 270 & 2 \\ 135 & 3 \\ 45 & 3 \\ 15 & 3 \\ 5 & 5 \\ 1 & \end{array}$$



Recuerda que para **dcm** elegimos solo los **factores comunes** y entre ellos, los de **menor exponente**

$$250 = 2 \cdot 5^3$$

$$360 = 2^3 \cdot 3^2 \cdot 5$$

$$540 = 2^2 \cdot 3^3 \cdot 5$$

$$\text{dcm}(250, 360, 540) = 2 \cdot 5 = 10$$

**Rta.1)** Deberemos envasar en **bidones de 10 litros**

Para responder la **2<sup>da</sup> pregunta**, **dividiremos** el contenido de cada tonel en **10** (lo que cabe en cada bidón)

$$250: 10 = 25 \text{ bidones}$$

$$360: 10 = 36 \text{ bidones}$$

$$540: 10 = 54 \text{ bidones}$$

**Ahora sumamos:**  $25 + 36 + 54 = 115$  **bidones**

**Rta. 2)** Necesitaremos, en total, **115 bidones** (todos iguales de **10 litros**)

**Resuelve solo:**



Un comerciante desea poner en cajas **180 manzanas** y **252 naranjas**, de modo que cada caja contenga el mismo número de manzanas o de naranjas y, además, el mayor número posible. Hallar el **número de naranjas** de cada caja y el **número de cajas necesarias**.

**Directora: Prof. Gabriela Moreno**